

TUTORAT UE4 2011-2012 – Biostatistiques

Correction du concours blanc

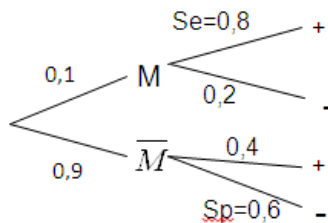
03/11/2011

QCM n°1 : b, c, d

- a) Faux : $P(A \cup B) = P(A) + P(B) = 0,55$ et $P(A \cap B) = \emptyset$.
 b) **Vrai**
 c) **Vrai**
 d) **Vrai** : $C_{32}^5 - C_{28}^5$ (nombre de mains totales - nombre de mains sans rois).
 e) Faux : $P(A/S) = P(B/S) = 0,5$.

QCM n°2 : c, d, e

- a) Faux : la spécificité = probabilité que le test soit négatif chez le non malade.
 b) Faux : d'après la formule mathématique de sensibilité et de spécificité, elles ne sont pas l'inverse l'une de l'autre.



- c) **Vrai** : D'après la formule de Bayes : $P(\bar{M} / -) = \frac{P(- / \bar{M}) \times P(\bar{M})}{P(- / \bar{M}) \times P(\bar{M}) + P(- / M) \times P(M)}$

$$= \frac{Sp \times 0,9}{Sp \times 0,9 + 0,2 \times 0,1} \approx 0,96$$

 d) **Vrai** : par contre la sensibilité et la spécificité sont 2 paramètres intrinsèques qui ne dépendent pas de la prévalence.
 e) **Vrai** : $VPP = P(M / +) = \frac{0,8 \times 0,1}{0,8 \times 0,1 + 0,4 \times 0,9} \approx 0,18$.

QCM n°3 : a, e

- a) **Vrai** :

$$P(X \leq 290) = 0,2 \rightarrow \pi\left(\frac{290 - \mu}{\sigma}\right) = 0,2 \rightarrow \text{Par lecture inverse : } \frac{290 - \mu}{\sigma} = -0,84$$

$$P(X \leq 302) = 0,6 \rightarrow \pi\left(\frac{302 - \mu}{\sigma}\right) = 0,6 \rightarrow \text{Par lecture inverse : } \frac{302 - \mu}{\sigma} = 0,25$$

$$\text{D'où : } \begin{cases} -0,84\sigma + \mu = 290 \\ 0,25\sigma + \mu = 302 \end{cases} \rightarrow \begin{cases} \mu = 299,25 \\ \sigma = 11 \end{cases}$$

- b) Faux
 c) Faux
 d) Faux
 e) **Vrai**

QCM n°4 : a, b, d

- a) **Vrai** : n taille de l'échantillon inconnue (entre 40 et 50) et $p=50/200$. Expérience à 2 issues possibles (garçons/filles)
- b) **Vrai** : $n > 20$ et $p < 0.5$
- c) Faux : $P(X = 0) = e^{-\lambda} = 2,754 \cdot 10^{-5}$ donc $\lambda = -\ln(2,754 \cdot 10^{-5}) = 10,5$
Or $\lambda = np$ donc $n = \frac{\lambda}{p} = \frac{10,5}{0,25} = 42$
- d) **Vrai**: (voir c)
- e) Faux
- f) Faux

QCM n°5 : b, c, d, e

- a) Faux : Pas besoin, nous disposons ici d'un effectif suffisant. De plus il s'agit d'une proportion.
- b) **Vrai** : Il s'agit ici d'une proportion ;

donc on utilisera cette formule :

$$\left[p_o - c_{\alpha/2} \sqrt{\frac{p_o(1-p_o)}{n}} ; p_o + c_{\alpha/2} \sqrt{\frac{p_o(1-p_o)}{n}} \right]$$

Avec p_o la proportion estimée dans l'échantillon

$$c_{\alpha/2} = \underline{\underline{0,994}} \text{ pour } \underline{\underline{\alpha = 32\%}}$$

$$\text{Ainsi on obtient un } p_o = \frac{127}{326} = \underline{\underline{0,390}}$$

En remplaçant on obtient alors bien **[0,363 ; 0,416]**.

- c) **Vrai** : Lorsque l'on veut un résultat à 3% près, cela veut dire que le résultat doit être correcte à plus ou moins 3%. En effet si le bon résultat est 100 alors 97,1 comme 102,9 sont des résultats correctes à 3% près.

Donc, dans la formule $p_o \pm c_{\alpha/2} \sqrt{\frac{p_o(1-p_o)}{n}} = \text{encadrement}$, on en déduit que $\pm c_{\alpha/2} \sqrt{\frac{p_o(1-p_o)}{n}} = \pm 0,03$

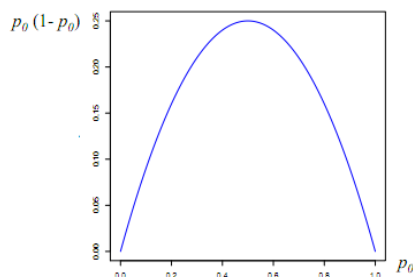
On nous demande un intervalle de confiance à 92%, donc $\alpha=8\%$ et $c_{\alpha/2} = 1,751$

$$\text{Isolons alors l'inconnue, } n : c_{\alpha/2} \sqrt{\frac{p_o(1-p_o)}{n}} = 0,03 \Leftrightarrow c_{\alpha/2} \cdot \frac{\sqrt{p \cdot (1-p)}}{0,03} = \sqrt{n}$$

N'oublions pas que nous cherchons à estimer p (son encadrement tout du moins), ainsi il faut **faire une hypothèse** quant à sa vraie valeur.

A partir de là, on remarque que **n augmente** lorsque **p.(1-p) augmente**. Ainsi afin d'être sûr d'avoir le **n_{\max}** , nous permettant ainsi, quelque soit la vraie probabilité, d'avoir une estimation exacte (quitte à prendre un n trop grand donc), on doit prendre $p \cdot (1-p)_{\max}$!

Il est alors facile de comprendre qu'il faut chercher p tel que $p \cdot (1-p)$ soit max. On trace donc la courbe $p \cdot (1-p) = f(p)$. L'abscisse correspondant au sommet de la courbe nous donnera la probabilité qui correspond au **$p \cdot (1-p)_{\max}$** et donc par extension à **n_{\max}** .



On remarque que le maximum est atteint pour une probabilité de $p=0,5$.

On remplace alors dans la formule :

$$1,751 \cdot \frac{\sqrt{0,5 \cdot 0,5}}{0,03} = 0,2918 = \sqrt{n}$$

$$\Leftrightarrow n = 29,18^2 = 851$$

Ou sinon, rappelez vous juste que dans les exos comme ça on prend toujours $p=0,5$ 😊

- d) **Vrai** : On reprend simplement la formule de l'encadrement, sans oublier que l'on ne s'intéresse à présent seulement qu'aux coccinelles en train de se noyer. On a donc $n = 127$.

Pour $\alpha=21\%$ on a $c_{\alpha/2} = 1,254$

On sait que $[p_o - c_{\alpha/2} \sqrt{\frac{p_o(1-p_o)}{n}}; p_o + c_{\alpha/2} \sqrt{\frac{p_o(1-p_o)}{n}}]$ et **on trouve bien [0,68 ; 0,78]**.

- e) **Vrai** : On se retrouve dans le même cas de figure que précédemment : $c_{\alpha/2} \sqrt{\frac{p_o(1-p_o)}{n}} = 0,01$.

On cherche le risque, donc on cherche $c_{\alpha/2}$. On connaît la proportion : $p = 0,769$ et on connaît l'effectif : $n=562$. On isole $c_{\alpha/2}$ et on fera une lecture inverse de la table pour connaître le risque α .

On a donc $c_{\alpha/2} = \frac{0,01}{\sqrt{\frac{p_o(1-p_o)}{n}}} = 0,562$.

Et par lecture inverse on trouve que α est bien compris entre **57 et 58%**.

QCM n°6 : a, c, e

- a) **Vrai** : Ici la moyenne est de **374 fruits**.

- b) Faux : Calculons la variance observée : $s^2 = \frac{1}{n} \sum_{i=1}^{n=10} x_i^2 - \bar{x}^2$

$\Leftrightarrow s^2 = \frac{1}{11} \cdot 1\,779\,092 - 374^2 = 21\,860 \text{ fruits}^2$, il s'agit bien de la variance observée.

Calculons maintenant l'écart-type estimé : $S^2 = \frac{n}{n-1} \cdot s^2 = 24\,046 \text{ fruits}^2$.

D'où l'écart-type estimé est de **155 fruits**.

- c) **Vrai** : Il faut se servir des formules données en cours : $[(n-1) \frac{S^2}{b}; (n-1) \frac{S^2}{a}]$ avec : $S^2 =$ variance estimée de la population. Le Ddl est de 10 ($n-1$) avec :

$$\text{a tel que } P(\chi_{10,10\%}^2 \leq a) = 0,10$$

$$\text{b tel que } P(\chi_{10,10\%}^2 \leq b) = 0,90$$

Il ne faut pas oublier que la table du Chi² donne les probabilités supérieures ! Donc attention à la lecture dans la table. On trouve ainsi $a = 4,865$ et $b = 15,987$

En remplaçant on tombe sur le bon intervalle de confiance : **[15 041 ; 49 427]**.

- d) Faux : pas dans tous les cas, il faut que la v.a.r. suive une Loi Normale !

- e) **Vrai** : Une fois l'hypothèse effectuée l'encadrement est juste :

On a un effectif inférieur à 30, donc on doit en préambule supposer que la v.a.r. suit une Loi Normale. En suite on lit le fractile qui correspond au risque $\alpha=2\%$.

On trouve pour un ddl de 10 : $t_{n-1,\alpha/2} = 2,764$.

On remplace dans la formule avec l'écart-type estimé dans la population :

$[\bar{x} - t_{n-1,\alpha/2} \frac{S}{\sqrt{n}}; \bar{x} + t_{n-1,\alpha/2} \frac{S}{\sqrt{n}}]$ et on trouve un intervalle de confiance de **[244,83 ; 503,17]**.

QCM n°7 : b, c, e

- a) Faux : H_0 est l'hypothèse nulle que l'on essaye de réfuter. A contrario, H_1 est l'hypothèse complémentaire que l'on essaye de corroborer.
- b) **Vrai** : α est la probabilité de rejeter à tort H_0 , et donc d'accepter à tort H_1 .
- c) **Vrai** : la puissance ($\pi = 1 - \beta$) est la capacité d'un test à mettre en évidence une différence significative (donc de rejeter H_0 si H_0 est fausse).
- d) Faux : dans un test bilatéral !
- e) **Vrai** : mais en contrepartie les tests paramétriques sont plus contraignants à utiliser car ils nécessitent de satisfaire à des conditions d'utilisation.

QCM n°8 : a, b, c

- a) **Vrai**
- b) **Vrai**
- c) **Vrai**
- d) Faux : $S=12$
- e) Faux : $S > a$ 8 lu dans la table on ne rejette pas.

QCM n°9 : a, c

- a) **Vrai**
- b) Faux : on utilise le test du χ^2 de Mac Nemar.

	Célibataire (après)	En couple (après)	
Célibataire (avant)	12	2	=14
En couple (avant)	11	2	=13
	=23	=4	=27

11+2 = 13 paires discordantes. Les conditions d'utilisation du test du χ^2 de Mac Nemar sont donc réalisées (nb de paires discordantes > 10).

- c) **Vrai** : $T_{obs} = \frac{(11-2)^2}{11+2} = 6,23$
- d) Faux : pour le test du χ^2 de Mac Nemar, la Pvalue se lit par lecture inverse de la table du χ^2 à 1 ddl. On trouve : $0,02 > Pvalue > 0,01$.
- e) Faux : on peut procéder de 2 façons différentes :

façon n°1 : dans la table du χ^2 à 1 ddl ($\alpha=1\%$), on lit $t_\alpha=6,635$
 $6,23 < 6,635$ donc $t_{obs} < t_\alpha$
on ne rejette pas H_0 .

façon n°2 : $0,02 > Pvalue > 0,01$ donc $Pvalue > \alpha$
on ne rejette pas H_0 .

QCM n°10 : b

- a) Faux : a partir de 35 $n=(t_{\text{obs}}*\sigma/\Delta_m)^2$.
- b) **Vrai** : si on isole m dans la formule du T_{obs} .
- c) Faux : l'effectif ne change pas le σ , il augmente juste racine de n.....
- d) Faux : l'écart réduit ne se sert pas de ddl.
- e) Faux : la variance serait multipliée par 4.

QCM n°11 : a, b, e

- a) **Vrai** : incidence cumulée = $\frac{\text{nb de nux cas survenant pdt une période dt}}{\text{population à risque pdt la période dt}} = \frac{2000}{700000} = 0,0029$
- b) **Vrai**
- c) Faux : 10 pour 1000 car prévalence = $\frac{7000}{700000}$
- d) Faux : taux de létalité = $\frac{\text{nb de décès par cancer de peau en 2011}}{\text{nb de cancer de peau existants en 2011}} = 1200 / 7000 = 0.17$
soit 170 pour 1000 (on multiplie par 1000 tout simplement !)
- e) **Vrai** : $3400/700000 = 0,0049$

QCM n°12 : b, e

- a) Faux : à partir de 1950, le champ de l'épidémiologie s'est élargi à toutes les pathologies notamment chroniques, même si elle est plutôt centrée sur les épidémies et maladies infectieuses.
- b) **Vrai**
- c) Faux : pas 5 mais 3 branches (sinon le reste est vrai)
- d) Faux : épidémiologie de population=sains + malades
- e) **Vrai**

QCM n°13 : c, d, e

- a) Faux : tout vrai sauf que c'est un temps défini
- b) Faux : ce risque est variable selon les personnes : leur âge, leurs caractéristiques biologiques...
- c) **Vrai**
- d) **Vrai**
- e) **Vrai**

QCM n°14 : b, e

- a) Faux
- b) **Vrai** : $RR = \frac{52/(52+13)}{26/(26+169)} = 6$
- c) Faux : multiplicatif
- d) Faux : $p < 1\%$
- e) **Vrai**

QCM n°15 : a, b, c, d

- a) Vrai
- b) Vrai
- c) Vrai
- d) Vrai
- e) Faux : ça c'est l'épidémiologie. 3 biais : de sélection, de classement (=d'information) et de confusion.

QCM n°16 : f

- a) Faux : en terme d'efficacité et en terme de tolérance
- b) Faux : il est effectué chez des patients atteints de la pathologie
- c) Faux : procédure expérimentale
- d) Faux : c'est la phase 3
- e) Faux : préciser les critères d'inclusion et de non inclusion