

# TUTORAT UE3-A 2012-2013 – Physique

## CORRECTION Séance n°9 – Semaine du 19/11/2012

### RMN 1 – Pr M. Zanca

Séance préparée par Emmanuelle, Joris et Oleksandr (TSN)

#### QCM n°1 : a, c, d:

- Vrai** : L'USI d'un champ magnétique est le Tesla (T) et  $B_0 = 1\text{T}$  est un champ suffisant pour faire de la RMN (= intense)
- Faux** : → A température ambiante,  $B_0 \approx 47 \mu\text{T}$  : ce champ magnétique n'est pas suffisant. → A (très) basse température, le champ magnétique terrestre peut devenir suffisant. (pour provoquer l'orientation des spins des matériaux selon le champ)
- Vrai** : En milieu médical, on travaille à température ambiante, donc le  $B_0$  (Terre)  $\approx 47 \mu\text{T}$ , n'est pas assez intense pour permettre de faire de l'imagerie en routine clinique...
- Vrai** : par définition.
- Faux** : cet item correspond à la définition du diamagnétisme...

**P**aramagnétisme = RMN **P**roton  
**D**iamagnétisme = **D**istorsion **D**oublets

#### QCM n°2 : b, e :

- Faux** :  $\vec{B}$  est le champ (d'induction) magnétique et dépend du milieu dans lequel il baigne. Le champ magnétisant H est indépendant.
- Vrai** :  $\mu_{oe} = \frac{-e}{2m_e} \times L$
- Faux** :  $\gamma = \frac{e}{2m}$  donc plus la masse augmente plus le  $\gamma$  diminue donc  $\mu$  diminue.
- Faux** :  $\mu = \mu_0(1 + \chi)$
- Vrai**

#### QCM n°3 : f :

- Faux** : Même si le neutron n'a pas de charge, il est composé de quarks qui en ont une, ce qui lui confère à lui aussi la possibilité d'avoir un spin.
- Faux** :  $s = \hbar\sqrt{s(s+1)}$
- Faux** : Exception, le spin du N est de 1 (1proton + 1 neutron célibataires).
- Faux** : Les spins de  $^{16}\text{O}$  et du  $^{12}\text{C}$  sont nuls. On ne peut donc pas l'utiliser en RMN.
- Faux** :  $s = \hbar\sqrt{s(s+1)} = \frac{6,62 \cdot 10^{-34} \sqrt{1,5(1,5+1)}}{2\pi} = 2,04 \cdot 10^{-34} \text{ USI}$ .
- Vrai**

#### QCM n°4 : b, c, e :

- a) Faux :  $^{16}_8\text{O}$  : 8 protons + 8 neutrons (8+8 = 16). On a donc 4 ( $\uparrow\downarrow$ ) pour les protons et 4 ( $\uparrow\downarrow$ ) pour les neutrons  $\rightarrow$  résultante globale nulle ( $S = 0$ ).  $^{16}_8\text{O}$  n'a donc pas de spin nucléaire, on ne peut pas faire de RMN.
- b) **Vrai** :  $^{13}_6\text{C}$  : 6 protons + 7 neutrons (6+7 = 13). On a donc 3 ( $\uparrow\downarrow$ ) pour les protons et 3 ( $\uparrow\downarrow$ ) + 1 célibataire ( $\uparrow$ ) pour les neutrons  $\rightarrow S = \frac{1}{2}$ . On pourra donc faire de la RMN.
- c) **Vrai** :  $^{19}_9\text{F}$  : 9 protons + 10 neutrons (9+10 = 19). On a donc 4 ( $\uparrow\downarrow$ ) + 1 célibataire ( $\uparrow$ ) pour les protons et 5 ( $\uparrow\downarrow$ ) pour les neutrons  $\rightarrow S = \frac{1}{2}$ . On pourra faire de la RMN.
- d) Faux :  $^2_1\text{H}$  : 1 proton + 1 neutron (1+1 = 2). On a donc 1 ( $\uparrow$ ) pour le proton et 1 ( $\uparrow$ ) pour le neutron  $\rightarrow S = 1$ . On pourra faire de la RMN.
- e) **Vrai** :  $^{31}_{15}\text{P}$  : 15 protons + 16 neutrons (15+16 = 31). On a donc 7 ( $\uparrow\downarrow$ ) + 1 célibataire ( $\uparrow$ ) pour les protons et 8 ( $\uparrow\downarrow$ ) pour les neutrons  $\rightarrow S = \frac{1}{2}$ . On pourra faire de la RMN.

### QCM n°5 : c, d :

- a) Faux : Le  $^{17}_8\text{O}$  possède un spin de 5/2, c'est-à-dire que  $S = 5/2$ .  
En présence d'un  $B_0$  suffisant, les moments magnétiques de spin peuvent donc prendre  $2S+1$  valeurs.  
 $2S+1 = 2.(5/2)+1 = 6$  valeurs, ce qui implique autant d'orientations possibles.
- b) Faux : cf item a
- c) **Vrai** : le nombre quantique magnétique  $m \in [-S ; +S]$  (1)  
Donc ici  $m \in [-5/2 ; -3/2 ; -1/2 ; +1/2 ; +3/2 ; +5/2]$
- d) **Vrai** : cf item c
- e) Faux : cf item c

### QCM n°6 b, c, e :

- a) Faux car le nombre d'orientations possibles =  $(2s+1) = 4$
- b) **Vrai**
- c) **Vrai** : les angles correspondant aux différentes orientations sont donnés par la relation :  $\cos(\theta) = m/\sqrt{s(s+1)}$ ,  $m$  le nbr quantique magnétique, le plus petit angle correspond au cosinus le plus grand soit pour  $m = 3/2$  donc en remplaçant on obtient  $\cos(\theta) = 0,77$  soit 39 degrés.
- d) Faux cf C)
- e) **Vrai** cf c)

### QCM n°7 : b, c, e :

- a) Faux  
b) **Vrai**

$$m_p = 1836.m_e \text{ soit } m_e = \frac{1,67 \cdot 10^{-27}}{1836} = 9,1 \cdot 10^{-31} \text{ kg} \quad \omega = 2\pi f = \gamma B \rightarrow f = \frac{\gamma B}{2\pi}$$

$$\text{avec } \gamma = \frac{-e \cdot g_e}{2m_e} \text{ d'où } f = 28 \text{ GHz}$$

- c) **Vrai** :  $\omega = \gamma B = \frac{1,6 \times 10^{-19}}{2 \times 9,1 \times 10^{-31}} \times 2 = 1,76 \times 10^{11} \text{ rad.s}^{-1}$
- d) Faux : cf item c
- e) **Vrai**  $\gamma = \frac{-e \cdot g_e}{2m_e} \rightarrow \gamma_e = 2,0023 \cdot \gamma \rightarrow f' = \frac{\gamma_e B}{2\pi} = 2,0023 \cdot f = 56,06 \text{ GHz}$

### QCM n°8 : b, c

- a) Faux :  $\frac{g_p}{g_c} = 4$  donc  $\gamma_c = \frac{\gamma_p}{4} = \frac{5,58.1,66.10^{-19}.0,25}{2.1,67.10^{-27}}$  donc  $\rightarrow 2\pi f = \gamma B$  d'où  
 $B = \frac{2\pi f}{\gamma} = \frac{2\pi \times 3,7 \times 10^7 \times 2 \times 1,67 \times 10^{-27}}{5,58 \times 1,66 \times 10^{-19} \times 0,25} = 3,4 T$
- b) **Vrai**  
c) **Vrai**  
d) Faux  
e) Faux

### QCM n°9 : d, e

L'angle de bascule est donné par  $\eta = \gamma \cdot B_1 \cdot \tau$  avec  $B_1 = 25 \mu\text{Tesla}$  et  $\tau = 0,238 \text{ ms}$ , on sait que pour 1T le rapport gyromagnétique est  $2\pi \times 42.10^6 = 263,89 \cdot 10^6$  donc l'angle  $\eta = 2\pi \cdot 42 \cdot 10^6 \times 25 \cdot 10^{-6} \times 0,238 \cdot 10^{-3}$  soit  $\pi/2$ .

- a) Faux  
b) Faux  
c) Faux  
d) **Vrai**  
e) **Vrai**, lorsqu'on bascule de  $90^\circ$  tout ML disparaît et donne MT !

### QCM n°10 : a, d, e :

- a) **Vrai** :  
b) Faux : le  $\chi_m$  est négatif pour les matériaux diamagnétiques.  
c) Faux : Un matériau est paramagnétique s'il existe une asymétrie moléculaire.  
d) **Vrai** : le moment magnétique est opposé à H  
e) **Vrai** : les moments magnétiques sont dans l'état « oursin »

### QCM n°11 : b, d :

- a) Faux :  $\omega = 2\pi f = \gamma B \rightarrow \frac{2\pi f}{B} = \gamma = \frac{2\pi \cdot 6,4 \cdot 10^8}{4} = 1,005 \cdot 10^9$ . La formule pour l'angle de bascule est  $\eta = \gamma B_1 \tau = 1,005 \cdot 10^9 \cdot 0,61 \cdot 10^{-6} \cdot 0,002 = 1,22 \text{ rad} = 70^\circ$
- b) **Vrai** : cf a)  
c) Faux : cf a)  
d) **Vrai** : cf a)  
e) Faux : cf a)

### QCM n°12 : c, d :

L'énoncé donne

On sait que

- $B_0 = 1 T$
- $B_1 = 12 \mu T = 12 \cdot 10^{-6} T$
- $\tau = 1,23 \text{ ms} = 1,23 \cdot 10^{-3} s$
- $\eta = 90^\circ = \pi / 2 \text{ rad}$
- $\omega = 2\pi \cdot \nu_0 = \gamma \cdot B_0$
- $\eta = \gamma \cdot B_1 \cdot \tau$

$$\text{Donc } \gamma = \frac{\eta}{B_1 \cdot \tau} \Leftrightarrow \omega = \frac{\eta \cdot B_0}{B_1 \cdot \tau} = \frac{\frac{\pi}{2} \cdot 1}{(12 \cdot 10^{-6}) \cdot (1,23 \cdot 10^{-3})} = \mathbf{1,064 \cdot 10^8 \text{ rad} \cdot \text{s}^{-1}}$$

$$\begin{aligned} \text{Produit en croix : } & 2\pi \text{ rad} \quad \Leftrightarrow \quad 1 \text{ tour} \\ & 1,064 \cdot 10^8 \text{ rad} \quad \Leftrightarrow \quad \omega' \quad \rightarrow \omega' = \frac{1,064 \cdot 10^8}{2\pi} = \mathbf{1,694 \cdot 10^7 \text{ tour} \cdot \text{s}^{-1}} \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} \text{Idem} & \quad 1,694 \cdot 10^7 \text{ tour} \quad \text{en} \quad 1s \\ & \quad \omega'' \quad \quad \quad \text{en} \quad 60s \quad \rightarrow \omega'' = \omega' \cdot 60 = \mathbf{1,016 \cdot 10^9 \text{ tours} \cdot \text{min}^{-1}} \end{aligned}$$

$$\text{Calcul de la fréquence : } \nu = \frac{\omega}{2\pi} = 1,694 \cdot 10^7 \text{ s}^{-1} (\Leftrightarrow \text{Hz})$$