

TUTORAT UE 4 2013-2014 – Biostatistiques

CORRECTION Colle N°2 – Semaine du 18/11/2013

Séance préparée par l'ATP et le TSN

QCM n°1 : B, E

- A. Faux. A posteriori.
- B. **Vrai.**
- C. Faux. Ni une vérité, ni même un de ses fragments.
- D. Faux. Doit être falsifiable c'est-à-dire réfutable.
- E. **Vrai.**

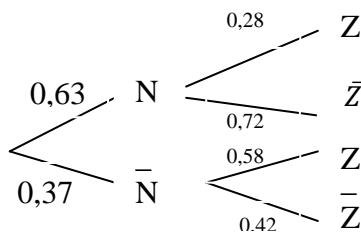
QCM n°2 : A, D

- A. **Vrai.**
- B. Faux.
- C. Faux. $P(A) \times P(B) = P(A \cap B)$.
- D. **Vrai.** $P(A \cup B) = P(B) + P(A) - P(A \cap B)$.
- E. Faux. Résultat pour 10 chevaux. Pour 11 : $11! = 39\,916\,800$.

QCM n°3 : F

Pour ce type de qcm, on suit une méthodologie :

1. On traduit l'énoncé en termes mathématiques.
 2. On traduit ce que l'on nous demande en termes mathématiques.
- Ici, on nous donne : $P(N)=0,63$; $P(Z/N)=0,28$; $P(\bar{Z}/\bar{N})=0,42$.



- A. Faux. On cherche $P(\bar{Z}/N)$. On peut lire cette probabilité directement sur l'arbre ou la calculer.
 $P(\bar{Z}/N) = 1 - P(Z/N) = 1 - 0,28 = 0,72$.
- B. Faux. On cherche $P(Z)$: $P(Z) = P(Z \cap N) + P(Z \cap \bar{N})$.
 $= P(Z/N) \times P(N) + P(Z/\bar{N}) \times P(\bar{N})$.
 $= P(Z/N) \times P(N) + (1 - P(\bar{Z}/\bar{N})) \times (1 - P(N))$.
 $= 0,28 \times 0,63 + (1 - 0,42) \times (1 - 0,63)$.
 $= 0,28 \times 0,63 + 0,58 \times 0,37$.
 $= 0,3910$.
- C. Faux. On cherche $P(Z \cap N)$. $P(Z/N) = P(Z \cap N)/P(N) \Rightarrow P(Z \cap N) = P(Z/N) \times P(N) \Rightarrow P(Z \cap N) = 0,28 \times 0,63 \Rightarrow P(Z \cap N) = 0,1764$.
- D. Faux. On cherche $P(Z \cup N)$. $P(Z \cup N) = P(Z) + P(N) - P(Z \cap N) = 0,3910 + 0,63 - 0,1764 = 0,8446$.
- E. Faux. On cherche $P(N/\bar{Z})$. $P(N/\bar{Z}) = P(\bar{Z} \cap N)/P(\bar{Z})$.
 $= (P(\bar{Z}/N) \times P(N))/P(\bar{Z})$.
 $= (0,72 \times 0,63)/(1 - 0,391)$.
 $= 0,7448$.
- F. **Vrai.**

QCM n°4 : C

- A. Faux. C'est le produit et non la somme.
B. Faux. $P(H/C)=P(C/H) \times P(H) / (P(C/H) \times P(H)) + (P(C/F) \times P(F)) = 0,1 \times 0,45 / (0,1 \times 0,45) + (0,06 \times 0,45) = 0,577$.
C. **Vrai.** Cf. item B.
D. Faux. $P(F/C) = 1 - P(H/C) = 1 - 0,577 = 0,423$.
E. Faux. Cf. item D.

QCM n°5 : F

- A. Faux. C'est une loi discrète (loi binomiale).
B. Faux. $n > 20$ et $p < 0,5$, on peut donc utiliser l'approximation par Poisson mais $\lambda = np = 80 \times 0,24 = 19,20$.
C. Faux. On passe d'une loi discrète à une autre loi discrète donc pas besoin de correction de continuité.
D. Faux. C'est le résultat pour $P(X < 2)$.
 $P(X \leq 2) = P(X=0) + P(X=1) + P(X=2) = 9,962 \times 10^{-8}$.
E. Faux. C'est le résultat si on prend le λ de l'item B.
 $P(X=k) = e^{-\lambda} \cdot \frac{\lambda^k}{k!}$ donc pour $P(X=8) = e^{-19,2} \times \frac{19,2^8}{8!} = 2,1010 \cdot 10^{-4}$.
On trouve $2,3473 \times 10^{-2}$ si on utilise le λ du B.
F. **Vrai.**

QCM n°6 : B, C

- A. Faux. $P(X=3)=0$.
 $P(X < 3) = P(X < (3-4,67)/1,55)$
 $= \pi(-1,08)$
 $= 0,1401$
B. **Vrai.** $P(X > 8,36) = 1 - P(X < 8,36)$
 $= 1 - P(X < (8,36-4,67)/1,55)$
 $= 1 - \pi(2,38)$
 $= 1 - 0,9913$
 $= 8,7 \times 10^{-3}$
C. **Vrai.** $P(1,23 < X < 5,43) = P(X < 5,43) - P(X < 1,23)$
 $= \pi((5,43-4,67)/1,55) - \pi((1,23-4,67)/1,55)$
 $= \pi(0,49) - \pi(-2,22)$
 $= 0,6879 - 0,0132$
 $= 0,6747$
D. Faux. Le jour du concours, on teste les valeurs afin de gagner du temps. Ici, on va détailler le calcul.
 $P(X < 20,5) = 0,8264$. Par lecture inversée de la table de la loi Normale centrée réduite,
 $20,5 - \mu = 0,94\sigma$ (équation 1).
De même, $P(X > 3,2) = 0,8531$ donc $P(X < 3,2) = 0,1469$. Par lecture inversée de la table de la loi Normale centrée réduite, $3,2 - \mu = -1,05\sigma$ (équation 2). On résout le système formé par les équations 1 et 2 pour trouver $\mu = 12,33$ et $\sigma = 8,69$.
E. Faux.

QCM n°7 : A, D

- A. **Vrai.** Car $n < 30$.
B. Faux. $\mu = 0,6 \text{ mg}$ mais $s^2 = 0,032 \text{ mg}^2$ Soit $s = 0,179 \text{ mg}$.
C. Faux. $S^2 = (n/n-1) \times s^2 = 5/4 \times 0,032 = 0,04$. Donc $S = 0,2$.
D. **Vrai.** $n < 30$ et σ inconnu, $\alpha = 5\%$ ddl = $n-1 = 4$ et $t_{(\alpha, n-1)} = 2,776$ (lecture dans la table de Student).
 $IC = [\mu - t_{n-1; \alpha/2} \times (S / \sqrt{n}) ; \mu + t_{n-1; \alpha/2} \times S / \sqrt{n}]$ avec $t_{n-1; \alpha/2}$ lu dans la table de Student à 4 dll : 2,776.
Donc $IC = [0,3517 ; 0,8483]$.
E. Faux. Pas d'hypothèse de normalité à formuler lorsque n est supérieur à 30.

QCM n°8 : A, C, D

- A. **Vrai.** On a 2 choix : le succès ou l'échec. $P=99/10000=9,9 \times 10^{-3}$ et $n=90$.
- B. Faux. Indépendantes et identiques.
- C. **Vrai.** $E(X)=np=90 \times 9,9 \times 10^{-3}=0,891$.
- D. **Vrai.** Car n grand (>20) et p est petit ($<0,5$).
- E. Faux. $\lambda=np=0,891$ donc $P(X=0) = \frac{\lambda^k}{k!} \cdot e^{-\lambda} = 1 \cdot e^{-0,891} = 0,410$

QCM n°9 : C, D

- A. Faux. Le risque de première espèce α est le risque de rejeter **H0** à tort.
- B. Faux. Il est défini comme $\pi=1-\beta$.
- C. **Vrai.**
- D. **Vrai.**
- E. Faux. C'est l'inverse

QCM n°10 : A, B, D

- A. **Vrai.** On a un effectif inférieur à 30 donc on est obligé de faire l'hypothèse.
- B. **Vrai.** $s_1^2= 3,9^2$ car $/\backslash$ c'est la plus grande des variances et $s_2^2= 1,6^2$ donc $t_{obs}=s_1^2/s_2^2=5,94$.
- C. Faux. Pour utiliser le test de Student, il faut que les variances soient égales. C'est pour ça qu'on a fait un test F qu'on finit. Dans la table, à 10 ddl pour les deux valeurs on lit $t_{\alpha}=2,98$. On a $t_{obs}>t_{\alpha}$ donc on rejette H0. Les deux variances ne sont pas égales donc on doit faire le test d'Aspin-Welch
- D. **Vrai.** Avec le test d'Aspin-Welch, on a $t_{obs}=(3,5 - 2,7)/\sqrt{(3,9^2/11+ 1,6^2/11)}=0,63$.
- E. Faux. On calcule $c=(3,9^2/11)/(3,9^2/11+ 1,6^2/11)=0,856$. Puis $1/m=c^2/10+ (1-c)^2/10=0,075$. Donc on va lire dans la table de Student à $m= 1/0,075=13$ ddl. On a $t_{\alpha}= 2,16$. $t_{obs}<t_{\alpha}$ donc on ne rejette pas H0.

QCM n°11 : A

- A. **Vrai.** On se situe dans une population de personnes malades, le test doit donc être positif.
- B. Faux. On réalise un χ^2 de MacNemar, car sinon cela ne correspond pas à l'hypothèse nulle. De plus, le nombre de paires discordantes (f+g) est supérieur à 10, on peut donc appliquer MacNemar.
- C. Faux. $\chi^2_{obs}=(f-g)^2/(f+g)=3,2$.
- D. Faux. On lit à 1 ddl.
- E. Faux. On lit dans la table pour 1 ddl : $\chi^2=3,84$. On a calculé $\chi^2_{obs}=3,2<3,84$; on ne rejette donc pas H0.

QCM n°12 : A

- A. **Vrai.** On utilise une série appariée.
- B. Faux. L'hypothèse H0 est celle que je veux rejeter soit : placebo et traitement ont le même effet.
- C. Faux.

| | 1 | 2 | 3 | 4 | 5 | 6 | 7 | 8 | 9 | 10 |
|--------------|-----|-------|-------|-------|-------|-------|-------|-------|-------|-------|
| placebo | 1cm | 0,7cm | 3cm | 1,5cm | 2cm | 1,2cm | 1,9cm | 0,6cm | 0,9cm | 1,2cm |
| traitement | 2cm | 1cm | 1,5cm | 3cm | 3,5cm | 2,5cm | 3,5cm | 2cm | 3cm | 4cm |
| différence | 1 | 0,3 | -1,5 | 1,5 | 1,5 | 1,3 | 1,6 | 1,4 | 2,1 | 2,8 |
| Rang (en VA) | 2 | 1 | 6 | 6 | 6 | 3 | 8 | 4 | 9 | 10 |

On calcule ensuite la S+(sommes des rangs +) et la S-(somme des rangs-).

$S+=2+1+6+6+3+8+4+9+10=49$ et $S-=6=6$ donc $S=6$.

ATTENTION : on prend la plus petite valeur de S.

- D. Faux. Dans la table de Wilcoxon au risque 5% avec $n=10$ (10 personnes) on a $S_{seuil}=8>S$. On rejette donc H0.
- E. Faux. Le fait de rejeter H0 en bilatéral nous permet d'affirmer qu'il y a une différence significative d'effet des deux traitements, mais pas d'affirmer qu'un est meilleur que l'autre.

QCM n°13 : A, C

- A. **Vrai.** On utilise la formule : nombre de sujets atteints par la maladie dans la population au temps t /effectif de la population au temps t (malades+non malades). On trouve donc : $750/50000=0,015$.
- B. Faux. Le calcul à effectuer ici est : nombre de décès survenant pendant une période Δt /population étudiée pendant la période $\Delta t=800/50000=0,016$.
- C. **Vrai.** La létalité représente la part des décès dus à la maladie (ici= $0,25 \times 800$) parmi les patients atteints de cette maladie (750). On effectue donc le calcul : $(0,25 \times 800)/750=0,27$.
- D. Faux. La mortalité spécifique par cause se calcule avec la formule suivante : nombre de décès dus à la cause (ici le cancer) pendant une période Δt /population étudiée pendant la période $\Delta t=(0,25 \times 800)/50000=0,004$.
- E. Faux. On ne peut pas la calculer, ici on peut calculer une prévalence. Il nous faudrait le nombre de nouveaux cas de cancer.

QCM n°14 : A, C, D, E

- A. **Vrai.**
- B. Faux. C'est une enquête transversale, le reste est vrai.
- C. **Vrai.**
- D. **Vrai.**
- E. **Vrai.**

QCM n°15 : A, C, D

- A. **Vrai.**
- B. Faux. Les sujets inclus dans l'étude doivent respecter la clause d'ambivalence, c'est-à-dire être éligibles dans chaque groupe randomisé (groupe-témoin et groupe qui reçoit l'antibiotique)
- C. **Vrai.**
- D. **Vrai.** Car le suivi est identique dans les deux groupes : on ne sera pas tenté de suivre mieux le groupe qui reçoit un traitement avec beaucoup d'effets secondaires par exemple.
- E. Faux. En simple aveugle, c'est le patient qui ne sait pas s'il reçoit effectivement le traitement ou non. En double aveugle, ni le patient ni le médecin ne le savent.

QCM n°16 : A, C

- A. **Vrai.** $Se=P(S/M)=55/(55+5)=0,92$.
- B. Faux. $Sp=P(S-/M-)=20/(20+20)=0,5$.
- C. **Vrai.** $RV+=Se/(1-Sp)=(55/60)/(1-0,5)=1,83$.
- D. Faux. $RV-=(1-Se)/Sp=(1-(55/60))/0,5=0,16$.
- E. Faux. Elles ne dépendent pas de la prévalence.