

TUTORAT UE 3 2014-2015 – Biophysique

CORRECTION Séance n°4 – Semaine du 06/10/2014

Radioactivité 1

Professeur Mariano-Goulart

QCM n°1 : B, D, E

- A. Faux. L'interaction électromagnétique n'a pour cible que les particules chargées.
- B. **Vrai.** Deux noyaux isotones ont le même nombre de neutrons. S'ils ont le même nombre de charge, cela signifie qu'ils ont le même nombre de protons et que ce sont donc des isotopes. Ainsi, si ces deux atomes ont le même nombre de protons et le même nombre de neutrons, cela signifie qu'ils ont en tout le même nombre de nucléons, c'est-à-dire que ce sont des isobares. Notons que ces deux noyaux sont alors identiques.
- C. Faux. C'est l'inverse : les fermions regroupent effectivement les quarks et les leptons cependant, les quarks constituent les hadrons et au sein des leptons, on compte les électrons.
- D. **Vrai.**
- E. **Vrai.** L'interaction forte a une portée de l'ordre de 10^{-15} m tandis que celle de l'interaction faible est de 10^{-3} fm, donc 10^{-18} m.

QCM n°2 : A, C, D

- A. **Vrai.** Par définition, un ion hydrogénoïde possède un seul électron.

$$E = 13,6 \times \frac{Z^2}{n^2} \Leftrightarrow Z^2 = \frac{E \times n^2}{13,6} \Leftrightarrow Z = \sqrt{\frac{E \times n^2}{13,6}} = \sqrt{\frac{74 \times 3^2}{13,6}} = 7 \text{ Donc l'ion possède 7 protons.}$$

- B. Faux. Une énergie d'ionisation est toujours positive, cependant la valeur est juste. On cherche l'énergie d'un électron à l'état fondamental, donc sur la couche $n=1$:

$$E_i = 13,6 \times \frac{Z^2}{n^2} = 13,6 \times \frac{7^2}{1^2} = 666,4 \text{ eV} .$$

- C. **Vrai.** Calcul de l'énergie d'ionisation de la couche L ($n=2$):

$$E = 13,6 \times \frac{7^2}{2^2} = 166,6 \text{ eV} \text{ Soit } E = 166,6 \times 1,6 \cdot 10^{-19} = 2,7 \cdot 10^{-17} \text{ J} .$$

- D. **Vrai.** Calculons l'énergie d'ionisation de la transition pour en déduire la longueur d'onde :

$$E = -13,6 \times \left(\frac{7^2}{3^2} - \frac{7^2}{2^2} \right) = +92,56 \text{ eV} \text{ Donc } \lambda = \frac{1240}{E} = \frac{1240}{92,56} = 13,4 \text{ nm} .$$

- E. Faux. L'énergie a été calculée à l'item B : 666,4 eV soit $666,4 \times 1,6 \cdot 10^{-19} = 1,07 \cdot 10^{-16} \text{ J}$

$$\text{On en déduit la fréquence } \nu = \frac{E}{h} = \frac{1,07 \cdot 10^{-16}}{6,62 \cdot 10^{-34}} = 1,61 \cdot 10^{17} \text{ Hz} .$$

QCM n°3 : C, D, E

- A. Faux. L'interaction électrostatique qui freine l'électron se fait avec le noyau.
B. Faux. Elle sera inversement proportionnelle. C'est pour cela qu'on utilise des particules lourdes et donc l'électron.
C. **Vrai.** Le spectre continu est dû au fait que la différence d'énergie cinétique se répartit inégalement et aléatoirement entre le (ou les) photon(s) de freinage et l'énergie thermique. Les raies sont dues aux éventuelles ionisations, donc aux photons de fluorescence, dont l'énergie est quantifiée.
D. **Vrai.**
E. **Vrai.** Rappel : Les RX sont observés lors des réarrangements électroniques donc lors des interactions électroniques ou de freinage. Les rayons gamma sont d'origine nucléaire.

QCM n°4 : F

- A. Faux. Il utilise le freinage d'électron.
B. Faux. On sait que l'énergie cinétique $E_c = \frac{1}{2} \times m \times v^2$ avec $v = \frac{p}{m} = \frac{8,19 \cdot 10^{-28}}{9,1 \cdot 10^{-31}} = 90 \cdot 10^6 \text{ m.s}^{-1}$ d'où
 $E_c = \frac{1}{2} \times m \times v^2 = 0,5 \times 9,1 \cdot 10^{-31} \times (90 \cdot 10^6)^2 = 3,6855 \cdot 10^{-15} \text{ J} = 23,034 \text{ keV}$.
C. Faux. Avec une énergie cinétique maximale on a $\lambda \text{ (nm)} = \frac{1240}{E \text{ (eV)}} = \frac{1240}{23,034 \cdot 10^3} = 0,0538 \text{ nm} = 53,8 \text{ pm}$; mais cette valeur correspond à λ minimum.
D. Faux. L'énergie nécessaire à l'électron pour passer de la couche K à L est de $|E_L - E_K| = 58 \text{ keV}$. De même, pour passer de la couche K à M, l'énergie nécessaire est de $|E_M - E_K| = 67 \text{ keV}$ et pour passer de la couche L à M elle est de $|E_L - E_M| = 9 \text{ keV}$.
Cependant, les électrons accélérés ont une énergie maximale d'environ 23 keV (cf item B). Par conséquent, ils n'ont pas assez d'énergie pour permettre les transitions entre les couches K et L et les couches K et M ; mais seulement entre les couches M et L. On observera donc la raie correspondant à la transition entre les couches M et L.
E. Faux. Il y a aussi émission de chaleur (effet Joule).
F. **Vrai.**

QCM n°5 : F

- A. Faux. C'est l'effet Auger.
B. Faux. Attention annihilation \neq CP !
L'annihilation d'un électron et d'un positron entraîne l'émission de deux photons gamma partant à 180 degré et possédant chacun une énergie de 511 keV ($= m_e \cdot c^2$)
Alors que la CP est la création d'une paire particule et antiparticule (électron et positron) à partir d'un photon d'une énergie minimale $> 1,022 \text{ MeV}$ ($2 \times 511 \text{ keV}$)
C. Faux. C'est la Conversion interne.
D. Faux. On enregistrera un photon X consécutif à la désexcitation d'un électron périphérique excité préalablement par l'absorption du photon gamma.
E. Faux. On obtient un spectre continu lors d'un freinage d'électron.
F. **Vrai.**

QCM n°6 : C, D, E

- A. Faux. On a $E_d \text{ (MeV)} = [M(\text{Rn}) - (M(\text{Po}) + M(\text{He}))](u) \times 931,5 \text{ (MeV/c}^2) = [M(\text{Rn}) - (M(\text{Po}) + M(\text{He}))] \times 931,5 = 6,1479 \text{ MeV}$, or $E_\alpha = \frac{M(\text{Po})}{M(\text{Po}) + M(\text{He})} \cdot E_d = 6,031 \text{ MeV}$ et donc $E_{P_o} = E_d - E_\alpha = 0,1172 \text{ MeV}$.
B. Faux. $E_{P_o} = 0,1172 \cdot 10^6 \times 1,6 \cdot 10^{-19} = 1,8750 \cdot 10^{-14} \text{ J}$ et $m_{P_o} = 205,9805 \times 1,66 \cdot 10^{-27} = 3,419 \cdot 10^{-25} \text{ kg}$. On utilise alors la formule permettant de calculer l'énergie cinétique du Po :
 $E_c = \frac{1}{2} \cdot m \cdot v^2 \leftrightarrow v = \sqrt{\frac{2E_c}{m}} = 331,2 \text{ km.s}^{-1}$.
C. **Vrai.**
D. **Vrai.** C'est-à-dire des noyaux dont A, le nombre de masse, est supérieur à 150.
E. **Vrai.** Car l'énergie des noyaux d'hélium est unique, précise (et légèrement inférieure à E_d).

QCM n°7 : A, C, E

A. **Vrai.** Plus on se rapproche de l'état fondamental, plus l'énergie d'ionisation est importante.

B. Faux. Calculons l'énergie associée à cette transition : $E = -13,6 \times \left(\frac{(11-7,8)^2}{3^2} - \frac{(11-4,2)^2}{2^2} \right) = 142 eV$

Calculons la longueur d'onde : $\lambda = \frac{1240}{E} = \frac{1240}{142} = 8,75 nm = 87,5 \text{ \AA}$.

C. **Vrai.** L'énergie de liaison est toujours négative: $E = -13,6 \times \frac{(11-7,8)^2}{3^2} = -15,47 eV$.

D. Faux. Nous devons calculer l'énergie puis la longueur d'onde pour trouver la quantité de mouvement :

$$E = 13,6 \times \frac{(11-4,2)^2}{2^2} = 157,216 eV \text{ et } \lambda = \frac{1240}{E} = \frac{1240}{157,216} = 7,9 nm$$

$$\lambda = \frac{h}{p} \Leftrightarrow p = \frac{h}{\lambda} = \frac{6,62 \cdot 10^{-34}}{7,9 \cdot 10^{-9}} = 8,39 \cdot 10^{-26} \text{ kg.m.s}^{-1}.$$

E. **Vrai.** Nous devons calculer l'énergie pour en déduire la fréquence. Selon l'item C, $E = 15,47 eV$ soit $E = 15,47 \times 1,6 \cdot 10^{-19} = 2,48 \cdot 10^{-18} J$

$$E = h\nu \Leftrightarrow \nu = \frac{E}{h} = \frac{2,48 \cdot 10^{-18}}{6,62 \cdot 10^{-34}} = 3,74 \cdot 10^{15} \text{ Hz}.$$

QCM n°8 : D

A. Faux. $\lambda = \frac{\ln(2)}{T_{1/2}} = \frac{1}{\tau} = \frac{1}{11,54} = 0,087 j^{-1}$.

B. Faux. On sait que $1 \text{ mCi} = 37 \text{ MBq}$. Donc $A = 128 \times 37 = 4736 \text{ MBq}$.

$$A = \lambda \cdot N \Leftrightarrow N = \frac{A}{\lambda} = \frac{A}{\frac{1}{\tau}} = A \times \tau = 4736 \cdot 10^6 \times 11,54 \times 24 \times 3600 = 4,72 \cdot 10^{15} \text{ noyaux}.$$

Attention aux puissances et à convertir les jours en secondes pour ce calcul.

C. Faux. Calculons la demi-vie : $T_{1/2} = \frac{\ln(2)}{\lambda} = \frac{\ln(2)}{\frac{1}{\tau}} = \ln(2) \times \tau = \ln(2) \times 11,54 = 8 \text{ jours}$

L'activité sera divisée par 4 au bout de 2 fois la demi-vie soit 16 jours.

D. **Vrai.** On doit calculer la masse qui correspond au nombre de noyaux donné dans l'item B :

$$N = \frac{m}{M} \times N_a \Leftrightarrow m = \frac{N \times M}{N_a} = \frac{4,72 \cdot 10^{15} \times 131}{6,022 \cdot 10^{23}} = 1 \mu g.$$

E. Faux. L'iode 131 est utilisé dans le cadre de radiothérapie métabolique par désintégration β^- . La désintégration β^+ est utilisée pour faire de la topographie par émission de positons (TEP).

QCM n°9 : F

A. Faux. Le temps de vie moyen correspond à $\frac{1}{\lambda}$. Ainsi $\tau = \frac{1}{\lambda} = \frac{1}{5,73 \cdot 10^{-8}} = 174,5 \cdot 10^5 \text{ s} = 4848 \text{ h}$.

B. Faux. $T_{1/2} = \frac{\ln(2)}{\lambda} = \frac{\ln(2)}{5,73 \cdot 10^{-8}} = 121 \cdot 10^5 \text{ s} = 3360 \text{ h} = 140 \text{ jours}$.

C. Faux. Calculons dans un premier temps le nombre de noyaux initial : $N = n \times Na$

$$N = \frac{m}{M} \times Na = \frac{80 \cdot 10^{-6}}{210} \times 6,022 \cdot 10^{23} = 2,29 \cdot 10^{17} \text{ Noyaux}$$

De ceci, on peut en déduire l'activité : $A = \lambda \cdot N = 5,73 \cdot 10^{-8} \times 2,29 \cdot 10^{17} = 1,31 \cdot 10^{10} \text{ Bq}$.

Attention aux unités !

D. Faux. $A(t) = A_0 \cdot e^{-\lambda t}$ donc $A(145 \text{ j}) = 1,31 \cdot 10^{10} \times e^{-5,73 \cdot 10^{-8} \times 145 \times 24 \times 3600} = 6,41 \cdot 10^9 \text{ Bq}$

On sait que 37 MBq correspondent à 1 mCi d'où $A(t) = \frac{6412}{37} = 173 \text{ mCi}$.

E. Faux. L'activité correspond au nombre de désintégrations **par seconde** au sein d'un échantillon.

F. **Vrai**.

QCM n°10 : A

A. **Vrai**. On sait que $\tau = \frac{1}{\lambda}$ et que $T_{1/2} = \frac{\ln(2)}{\lambda}$ ainsi $\tau = \frac{T_{1/2}}{\ln(2)}$.

Pour le Molybdène : $\tau = \frac{T_{1/2}}{\ln(2)} = \frac{66}{\ln(2)} = 95,22 \text{ h}$. Pour le Technétium : $\tau = \frac{T_{1/2}}{\ln(2)} = \frac{6}{\ln(2)} = 8,66 \text{ h}$.

B. Faux. Calculons l'activité du Technétium à 14h : On sait que $A(t) = A_0 \cdot e^{-\lambda t}$

$$\text{D'où } A(14-6) = 69 \cdot 10^6 \cdot e^{-\frac{\ln(2)}{T_{1/2}} \times (14-6)} \Leftrightarrow A(8) = 69 \cdot 10^6 \cdot e^{-\frac{\ln(2)}{6} \times 8} = 2,74 \cdot 10^7 \text{ Bq}$$

A partir de l'activité, on peut déterminer le nombre de noyaux : $A = \lambda \cdot N$ d'où

$$N = \frac{A}{\lambda} = \frac{2,74 \cdot 10^7}{\frac{\ln(2)}{T_{1/2}}} = \frac{2,74 \cdot 10^7}{\frac{\ln(2)}{6 \times 3600}} = 8,53 \cdot 10^{11} \text{ noyaux}$$

C. Faux. $A(t) = A_0 \cdot e^{-\lambda t}$ d'où $A(2) = 164 \cdot 10^6 \times e^{-\frac{\ln(2)}{66} \times 2} = 1,61 \cdot 10^8 \text{ Bq} = \frac{161}{37} \text{ mCi} = 4,35 \text{ mCi}$.

D. Faux. Il faut calculer l'activité au bout de $18-6=12$ heures.

$$A(12) = A_0 \cdot e^{-\frac{\ln(2)}{T_{1/2}} \cdot t} = 69 \cdot 10^6 \times e^{-\frac{\ln(2)}{6} \times 12} = 1,725 \cdot 10^7 \text{ Bq}$$

$$\text{Or } A = \lambda \cdot N \text{ d'où } N = \frac{A}{\lambda} = \frac{A}{\frac{\ln(2)}{T_{1/2}}} = \frac{1,725 \cdot 10^7}{\frac{\ln(2)}{6 \times 3600}} = 5,36 \cdot 10^{11} \text{ noyaux}$$

On peut ainsi en déduire la masse: $N = n \times Na = \frac{m}{M} \times Na$ d'où

$$m = \frac{N \times M}{Na} = \frac{5,36 \cdot 10^{11} \times 99}{6,022 \cdot 10^{23}} = 8,84 \cdot 10^{-11} \text{ g}$$

E. Faux. 66 heures de demi-vie correspondent à 2,75 jours. $A(t) = \frac{A_0}{2^t} = \frac{A_0}{2^{\frac{t}{2,75}}} = \frac{A_0}{2^8}$.

Ainsi, au bout de 8,25 jours, l'activité est divisée par $2^3 = 8$.

QCM n°11 : A, C, E

- A. **Vrai.** En effet, il s'agit d'une capture électronique qui comme la radioactivité bêta + concerne les noyaux riches en protons.
- B. Faux. $E_d = (M(X) - M(Y)) \cdot c^2 - E_{\kappa}^i = (M(X) - M(Y)) \times 931,5 \cdot 10^3 - 7,1 = 224,8435 \text{ keV}$.
D'où $M(X) = \frac{(224,8435 + 7,1)}{931,5 \cdot 10^3} + M(Y) = 54,938296 \text{ u}$.
- C. **Vrai.**
- D. Faux. Il s'agit d'un photon X.
- E. **Vrai.** C'est un Effet Auger.

QCM n°12: D

- A. Faux. C'est l'inverse.
- B. Faux. X_3 va évoluer en X_2 par fission.
- C. Faux. $E_L = A \times \frac{E_L}{A} = 63 \times 8,7 \cdot 10^6 = 548 \text{ MeV} = 8,7696 \cdot 10^{-11} \text{ J} \rightarrow E_L = \Delta m \cdot c^2 \leftrightarrow \Delta m = \frac{E_L}{c^2} = 9,744 \cdot 10^{-28} \text{ kg}$.
- D. **Vrai.** Il s'agit du ^{63}Cu .
- E. Faux. La stabilité est caractérisée par l'énergie de liaison par nucléon soit $\frac{E_L}{A}$.